筑波大学体育科学系紀要 Bull. Health & Sports Sciences, Univ. of Tsukuba 10:167-175, 1987.

コンピュータを用いた3次元運動解析に関する基礎的研究

山 田 憲 政・関 岡 康 雄・小 林 一 敏 宮 下 憲・金 子 靖 仙*

A basic study on three-dimentional motion analysis via computer graphics

Norimasa YAMADA, Yasuo SEKIOKA, Kazutoshi KOBAYASHI Ken MIYASHITA and Yasunori KANEKO

The purpose of this study was to construct a three-dimenitonal human body motion analysis system via computer graphics.

This system has the advantage of analysis and evaluation of human motion from a viewpoint of three-dimentional perspective.

The major functions of this system are summarized as follows:

1) Data of two dimentional coordinates for the segment endpoints can be collected by using both 16 mm film analyzer and VTR. There are two major functions in this data collection : a) prediction of next data during dizitization, b) immediate feedback by stick picture during dizitization.

2) Three-dimentional coordinates for the segment endpoints are computed by using direct linear transformation technique.

3) Stick pictures in motion that are viewed from any user-controllable direction are displayed on the CRT by using coordinate transformation.

4) Any portion of stick pictures which is appointed by user can be expanded.

5) Relative angle between two rigid body segments which is appointed by user is calculated.

6) Eular's angle to specify orientation of a rigid body segment in reference to fixed coordinate system are calculated.

This system has been actually used for the motion analysis. In this paper, we intoroduce the results of analysis about hurdle running.

〔緒 言〕

身体運動は,一般に3次元空間内の現象であり, 運動を近似的に特定の2次元平面に投影し解析を 行うことは,困難である場合が多い。

しかし,運動学における身体運動の解析の多くは,2次元的に行われているのが現状である。

その理由として,以下の3つのことが考えられる。

1) 身体運動の中で、歩、走といった基本的な

* 筑波大学大学院修士課程体育研究科

運動では,身体の各部位,特に上肢や下肢の 運動は,近似的に1つの平面内の運動と仮定 して十分な場合が多い。

- 2)運動の解析を2次元から3次元へ移行する
 ときに、各種力学量の算出が複雑になる⁷。
- 3)運動中の身体各部位の位置の時間的変化を 写真撮影により記録する場合、2次元であれ ば1台のカメラをその光軸が運動の行われる 平面に垂直になるように設置し撮影を行えば よいが、3次元の場合、一般に2台のカメラ を必要とし、フィルムスピードの同期等、複

雑な問題が生じる。

運動学の研究では、身体運動を視覚的にとらえ る手段として、計測して得られた身体各部位の位 置座標から、スティックピクチャーを時間の経過 と共に描く方法が多く用いられている¹³⁾。しかし この場合2次元的解析であれば、撮影されたカメ ラのフィルム面への投影図しか得られないため、 運動の形態によっては、隠れてみえない部位が生 じたり、角度・距離などの変容が生じるなど、視 覚的にその運動をとらえるには多くの問題があ る。

本研究の目的は、身体運動の3次元的な運動学 的解析において、情報処理等の分野で発達してい るコンピューターグラフィクスの様々な手法を利 用した解析システムを構築することである。

この際,3次元運動が容易に認識できるよう視 点を任意に変えうるような方法や,見たい部位を 拡大する方法等を用いた。また,身体各部位の姿 勢を知るためオイラー角を求めスティックピク チャーと比較した。なお,本研究で対象とした運 動は,特に3次元的な運動であるハードル走であ る。

〔3次元運動分析システムの内容について〕

3次元運動分析システムの概要を図1に示す。 その概略を以下に説明する。

1) 座標入力

写真を用いた座標測定では、フィルム面上の像 は、空間的な立体像の1平面への投影像となる。 従って、フィルム面の2次元平面上の座標から3 次元座標を求めるには、一般に2台のカメラで同 一の物体を撮影することにより可能になる⁴。

本システムでは、2次元座標の座標入力は、16 mmフィルムまたはビデオフィルムから行う。16 mmフィルムの場合は、デジタイザー上に投影し 身体各部位の座標を読み取り、マイクロコン ピュータにそのデータを取り込む。またビデオ フィルムの場合は、ビデオ画像とコンピュータ画 面をスーパーインポーズし、コンピュータ画面上 に「+」印を表示し、それを動かし読み取る身体 各部位に重ね合わせ、トリガーボタンを押すこと によりそのデータをコンピュータに取り込む。こ の場合、次のような工夫がなされている。

① データの予測

5フレーム目までは前のフレームの対応するポ

イント上に+印が表示され、6フレーム目からは、 前の5ポイントの座標を最少2乗法を用いて2次 式に近似し、その2次曲線により予測される座標 に+印が表示される。このことにより、+印を動か す距離が減少し、読み取り作業時間の軽減に役立 つ。またコンピュータ画面上には、前のフレーム の対応するポイントとの距離が常に表示される。

② データの修正

座標の読み取り中,あるいは終了後,読み取っ たデータからスティックピクチャー又は指定した ポイントの軌跡をコンピュータ画面上に表示し, ビデオ画像とスーパーインポーズすることによ り,データの確認,及びデータの修正ができるよ うになっている。ビデオ画面とコンピュータ画面 の同期は,キーボードから次のコマに進む命令を コンピュータに入力すると,コンピュータからビ デオに対しコマ送りをする信号が出力され,自動 的に行われる。なお,この外部同期機能を有さな いビデオデッキの場合は,マニュアルでコマを進 めることによりコンピュータ画面との同期を行 う。

2) 3次元位置データ算出

2台のカメラから得られた身体各部位の2次元 座標は,指定されたフレームで同期され,フィル ムスピードが異なる場合は,スプライン補間によ り指定されたフィルムスピードに統一され,DLT (Direct Linear Transformation)法を用いて3次 元座標が得られる。

 コンピュータグラフィクスを用いたスティ クピクチャーによる運動の再生

3次元図形を平面に投影する方法は、遠近感を 付けない軸測投影法によるもの、遠近感得をつけ る中心投影法によるものに分けられる¹²⁾。本シス テムでは、軸測投影法を用いて、3次元の運動を 2次元のCRT画面上に対応させる。その際、3次 元運動が容易に認識できるように、視点を任意に 変えられる方法を用いた⁶⁾。図2に、立方体を軸測



Fig. 1 Three-dimentional motion analysis system.

投影法によって平面に投影した図を示す。

図 3 に身体の軸と断面,そして視点の関係を示 す。運動をする身体の初期状態の矢状面をXY平 面,前頭面をYZ平面,水平面をXZ平面になるよう に静止座標系 O-XYZを定める。身体の側方か ら視点を,左右方向へ ϕ ,上下方向へ θ だけ回転 した方向へ移したときの2次元図形を軸測投影法 により得る。すなわち,Y軸まわりに ϕ だけ回転 させ,x軸まわりに $-\theta$ だけ回転させたO-xyz 座標系における座標を求めればよい。まず,座標 系 O-XYZにおけるある座標を(X,Y,Z),Y軸 まわりに ϕ だけ回転した座標系における座標を (X1,Y1,Z1)とすると,以下の関係が得られる。

| ſ | X1) | | $\cos \phi$ | 0 | $-\sin\phi$ | (X) | |
|---|-------|---|-------------|---|-------------|-------|-----|
| | Y1 | = | 0 | 1 | 0 | Y | (1) |
| l | Z_1 | | $\sin \phi$ | 0 | $\cos \phi$ | L Z | |

次に、x軸まわり $-\theta$ だけ回転した座標を(X2, Y2,Z2)とすると、以下の関係が得られる。

| | [X2] | | [1 | 0 | 0) | (X1) | |
|---|-------|---|-----|---------------|---------------|------|-----|
| | Y2 | = | 0 | $\cos \theta$ | $-\sin\theta$ | Y1 | (2) |
| ļ | Z_2 | | 0 | $\sin \theta$ | $\cos \theta$ | Z1 | |

(1), (2)式より

$$\begin{pmatrix} X2 \\ Y2 \\ Z2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \phi & 0 \\ -\sin \theta \sin \phi & \cos \theta \\ \cos \theta \sin \phi & \sin \theta \end{pmatrix}$$
$$\begin{pmatrix} -\sin \phi \\ -\sin \theta \cos \phi \\ \cos \theta \cos \phi \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}$$
(3)

(3)式より得られた (X2, Y2)をCRTの座標系に 対応させることにより,視点を身体の左右方向へ ϕ ,上下方向へ θ だけ回転させた方向においた図



Fig. 2 Axonometric projection.

が得られる。ここで、図形を拡大や、座標変換を し、その結果をCRTに表示する場合、表示範囲を はみ出してしまうとエラーが発生する。そこで、 はみ出した部分を取り去るクリッピングが必要に なってくる(図4)。本システムでは、4 ビットコー ドによる領域判定法¹⁵⁾を用いてクリッピングを 行う。

4) オイラー角の算出

オイラー角は、3次元空間の物体の姿勢表現に 用いられるばかりではなく、この微分値を用いて オイラーの運動方程式を解くことにより、外部 モーメントを求めるといった、動力学的解析にも 用いられる。

オイラー角を図5に示すように静止座標系O -XYZに対する運動座標系o-xyzの回転角とし



Fig. 3 Relationship between fixed coordinate system O-XYZ and view direction.



-170 -

て定義する⁹⁾。ここで,各運動座標系の座標原点 は,剛体の質量中心とし,y軸は,剛体要素の長軸 方向に一致するように定める。さらに,z軸はその 隣接する剛体要素が構成する平面に垂直となるよ うに定める。

これより、静止座標系を運動座標系に変換する ためには、図5に示した①一③の番号に従い、① まずX軸まわりに Θ だけ回転し、②次にY軸まわ りに角 Ψ だけ回転し、③さらにx軸まわりに角 σ だけ回転すればよい。このことから、静止座標系 における座標(X, Y, Z)は、(4)式によって、剛体内 に固定した運動座標系における座標(x, y, z)に 変換することができる。

$$\begin{pmatrix} \mathbf{x} \\ \mathbf{y} \\ \mathbf{z} \end{pmatrix} = [\boldsymbol{\varphi}][\boldsymbol{\Psi}][\boldsymbol{\Theta}] \begin{pmatrix} \mathbf{X} \\ \mathbf{Y} \\ \mathbf{Z} \end{pmatrix}$$
(4)

ここで [ϕ], [ψ], [Θ] は, 変換行列であり, 以下 の形で与えられる。

$$[\boldsymbol{\Phi}] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \boldsymbol{\Phi} & \sin \boldsymbol{\Phi} \\ 0 & -\sin \boldsymbol{\Phi} & \cos \boldsymbol{\Phi} \end{bmatrix}$$
(5)
$$[\boldsymbol{\Psi}] = \begin{bmatrix} \cos \boldsymbol{\Psi} & 0 & -\sin \boldsymbol{\Psi} \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin \boldsymbol{\Psi} & 0 & \cos \boldsymbol{\Psi} \end{bmatrix}$$
(6)
$$[\boldsymbol{\Theta}] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \boldsymbol{\Theta} & \sin \boldsymbol{\Theta} \\ 0 & -\sin \boldsymbol{\Theta} & \cos \boldsymbol{\Theta} \end{bmatrix}$$
(7)

これらの行列は, 直交行列であり, 逆行列と転 置行列が等しい。そこで, 次式が成立する。

$$\begin{pmatrix} \mathbf{X} \\ \mathbf{Y} \\ \mathbf{Z} \end{pmatrix} = [\boldsymbol{\Theta}]^{\mathrm{T}} [\boldsymbol{\Psi}]^{\mathrm{T}} [\boldsymbol{\Phi}]^{\mathrm{T}} \begin{bmatrix} \mathbf{x} \\ \mathbf{y} \\ \mathbf{z} \end{bmatrix}$$
(8)

実際にオイラー角を求めるに当たっては、まず 運動座標系を求める必要がある。図5に従い、ま ず $\vec{y_1} \ge \vec{y_{1-1}}$ を算出し、 $\vec{y_1} \ge \vec{y_{1-1}}$ の外積によりz 軸方向のベクトル \vec{dz} が求まる($\vec{y_{1-1}}$ は、運動座標 系の定義により隣接する要素の長軸方向と一致す る)。

$$\overrightarrow{dz} = \overrightarrow{y_i} \times \overrightarrow{y_{i-1}} \tag{9}$$

次に, $\overrightarrow{y_i} \ge \overrightarrow{dz}$ の外積によりx軸方向のベクト ル \overrightarrow{dx} が求まる。

$$\overrightarrow{dx} = \overrightarrow{y_i} \times \overrightarrow{dz} = \overrightarrow{y_i} \times (\overrightarrow{y_i} \times \overrightarrow{y_{i-1}})$$
(10)

x, y, z 軸, それぞれの方向をしめす単位ベクト $ル<math>\overrightarrow{e_x}, \overrightarrow{e_y}, \overrightarrow{e_z}$ は

$$\overrightarrow{e_{x}} = \frac{\overrightarrow{dx}}{|\overrightarrow{dx}|} = [x_{1} \ x_{2} \ x_{3}]^{T}$$

$$\overrightarrow{e_{y}} = \frac{\overrightarrow{y_{1}}}{|\overrightarrow{y_{y}}|} = [y_{1} \ y_{2} \ y_{3}]^{T}$$

$$\overrightarrow{e_{z}} = \frac{\overrightarrow{dz}}{|\overrightarrow{dz}|} = [z_{1} \ z_{2} \ z_{3}]^{T}$$

$$(11)$$

で算出される。

ここで静止座標系における任意の単位ベクトル を $\overrightarrow{p} = [p_1 \ p_2 \ p_3]^{T}$ とすれば, \overrightarrow{p} を軸として反時計 回りに θ だけ回転するときの変換行列は次式に より与えられる¹⁾。

$$(\mathbf{R}_{\theta}, \mathbf{P}) = \begin{cases} \mathbf{P}_{1}^{2} \mathbf{V} \boldsymbol{\theta} + \mathbf{C} \boldsymbol{\theta} \\ \mathbf{P}_{1} \mathbf{P}_{2} \mathbf{V} \boldsymbol{\theta} + \mathbf{P}_{3} \mathbf{S} \boldsymbol{\theta} \\ \mathbf{P}_{1} \mathbf{P}_{3} \mathbf{V} \boldsymbol{\theta} - \mathbf{P}_{2} \mathbf{S} \boldsymbol{\theta} \end{cases}$$

$$P_{1}P_{2}V\theta - P_{3}S\theta P_{1}P_{3}V\theta + P_{2}S\theta$$

$$P_{2}^{2}V\theta + C\theta P_{2}P_{3}V\theta - P_{1}S\theta$$

$$P_{2}P_{3}V\theta + P_{1}S\theta P_{3}^{2}V\theta + C\theta$$

(12)



Fig. 5 Definition of Euler's angles to specify orientation of a rigid body segment in reference to fixed coordinate sysem O -XYZ.

(18)

$$\begin{array}{c} \nabla \theta = 1 - \cos \theta \\ S \theta = \sin \theta \\ C \theta = \cos \theta \end{array}$$

$$(13)$$

である。

オイラー角の定義により、y軸をx軸回りに $-\boldsymbol{o}$ 回転すれば、y軸はXY平面に重なる。(12)式により x軸まわりにy軸を $-\boldsymbol{o}$ 回転させると、

$$\begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix} = (R_{-\varphi, x}) \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{pmatrix}$$
(14)

変換後のy軸は, YZ平面に重なるので, X=0とお くと,

$$\Phi = \tan^{-1} \{ y_1 / (x_2 y_3 - x_3 y_2) \}$$
(15)

が得られる。同様に、 $x軸をy軸まわりに - \Psi$ 回転 すれば、x軸はX軸と一致する。よって変換後のY成分を0とおくと、

$$\Psi = \cos^{-1} \mathbf{x}_1 \tag{16}$$

さらにy軸をx軸まわりに $-\Theta$ 回転すれば、y軸は Y軸と一致する。よって変換後のZ成分を0とおく と、

$$\Theta = \tan^{-1}(-\mathbf{x}_2/\mathbf{x}_3) \tag{17}$$

が得られる。

以上から,図5における x, y, z 軸の方向の各単 位ベクトル $\overrightarrow{e_x}$, $\overrightarrow{e_y}$, $\overrightarrow{e_z}$ が求まれば,式(15),(16),(17)よ りオイラー角が算出される。

なお, $\vec{y_i} \geq \vec{y_{i-1}}$ が平行で, 運動座標系が求まら ない時や, 運動座標系のx軸と, 静止座標系のX軸 が一致し, オイラー角が一意に求まらない時など の特殊な条件下では, 前後の値からその値を補間 する。また, 剛体の姿勢は, 同一直線上にない3 個の構成質点の位置によって完全に定まるので, 実験の際, 身体へのマーキングを工夫することに より、運動座標系の算出が問題なく行われる。

ここで,体操競技のように,身体が運動中2-3 回転するような場合には,オイラー角が不連続に なり,その微分値を用いた角速度,外部モーメン トなどの算出が不可能になる。このような場合に は,回転方向,回転の回数をプログラム上で確認 し,不連続が生じた時点で前の値に加算する方法 を用いて,不連続が生じないように処理をしてい る。

各要素の回転速度をオイラー角の微分値で表現 すると¹⁰⁾

$$\begin{pmatrix} W_{x} \\ W_{y} \\ W_{z} \end{pmatrix} = [\pi] \begin{pmatrix} \dot{\theta} \\ \dot{\Psi} \\ \dot{\phi} \end{pmatrix}$$

となる。ここで変換行列 $[\pi]$ は、

$$(\pi) = \begin{pmatrix} \cos \Psi & 0 & 1 \\ \sin \Psi \sin \Phi & \cos \Phi & 0 \\ \sin \Psi \cos \Phi & -\sin \Phi & 0 \end{pmatrix}$$
(19)

5) 3次元空間における角度の計算

3次元空間において角度を算出する際,X軸方 向から見たある剛体要素のY軸に対する角度のよ うに、3つのベクトルが与えられる場合と、2つ の剛体要素間の相対角というような、2つのベク トルが与えられる場合とが考えられる。まず3つ のベクトルが与えられた場合の角度の算出方法で あるが、実空間に3つのベクトル $\vec{r_1}, \vec{r_2}, \vec{r_3}$ が あったとき、 $\vec{r_3}$ の方向から見た $\vec{r_2}$ の $\vec{r_1}$ に対して なす角度 θ を求めるとする。

まず、3つのベクトルの始点が、静止座標系の 原点0と一致するように各ベクトルを平行移動さ せ、そのベクトルをそれぞれ $\vec{r_1}, \vec{r_2}, \vec{r_3}$ とする(図 6)。





Fig. 6 Definition of θ that is determined by three space vectors. (angle between $\vec{r_1}$ and $\vec{r_2}$ in view of $\vec{r_3}$). この時 θ を求めることは、 $\overrightarrow{r_3}$ の方向から見た $\overrightarrow{r_2}$ の $\overrightarrow{r_1}$ に対してなす角を求めることに他ならな い。

まず,静止座標系 O-XYZ への座標変換を行う。Z軸を $\vec{r_s}$ の方向とし、 $\vec{r_1} \ge \vec{r_s}$ はXZ平面にあるとすると、 $\vec{r_s} \ge \vec{r_1}$ の外積は、Y軸方向のベクト ル \overrightarrow{Dy} をつくる。

$$\overrightarrow{\mathrm{Dy}} = \overrightarrow{\mathrm{r}_3} \times \overrightarrow{\mathrm{r}_1} \tag{21}$$

次に $\overrightarrow{\text{Dy}}$ と $\overrightarrow{r_{s}}$ の外積はX軸方向のベクトル $\overrightarrow{\text{Dx}}$ をつくる。

$$\overrightarrow{\mathrm{Dx}} = \overrightarrow{\mathrm{Dy}} \times \overrightarrow{\mathrm{r}_{3}} = (\overrightarrow{\mathrm{r}_{3}} \times \overrightarrow{\mathrm{r}_{1}}) \times \overrightarrow{\mathrm{r}_{3}}$$
(22)

 $\overrightarrow{\text{Dx}}, \overrightarrow{\text{Dy}}, \overrightarrow{\text{r}_3}$ から各軸方向の単位ベクトル $\vec{e_x}, \vec{e_y}, \vec{e_z}$ を求める。

$$\overrightarrow{\mathbf{e}_{\mathbf{x}}} = \frac{\overrightarrow{\mathbf{D}_{\mathbf{x}}}}{|\overrightarrow{\mathbf{D}_{\mathbf{x}}}|}, \ \overrightarrow{\mathbf{e}_{\mathbf{y}}} = \frac{\overrightarrow{\mathbf{D}_{\mathbf{y}}}}{|\overrightarrow{\mathbf{D}_{\mathbf{y}}}|}, \ \overrightarrow{\mathbf{e}_{\mathbf{z}}} = \frac{\overrightarrow{\mathbf{r}_{\mathbf{3}}}}{|\overrightarrow{\mathbf{r}_{\mathbf{3}}}|}$$
(23)

これらのベクトルの座標系o-xyzにおける成分は、X,Y,Z各軸方向の方向余弦を与え、それにより座標系o-xyzから座標系O-XYZへの変換行列Rをつくることができる。すなわち、

$$\vec{e}_{x} = (l_{1} m_{1} n_{1})^{T}
\vec{e}_{y} = (l_{2} m_{2} n_{2})^{T}
\vec{e}_{z} = (l_{3} m_{3} n_{3})^{T}
(R) = \begin{bmatrix} l_{1} m_{1} n_{1} \\ l_{2} m_{2} n_{2} \\ l_{3} m_{3} n_{3} \end{bmatrix}$$
(24)
(25)

r₂の座標系 O-XYZ の成分 (X₂, Y₂, Z₂)は, 変 換行列Rを用いて

$$\begin{pmatrix} X_2 \\ Y_2 \\ Z_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} l_1 & m_1 & n_1 \\ l_2 & m_2 & n_2 \\ l_3 & m_3 & n_3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \\ z_2 \end{pmatrix}$$
(26)

として得られる。

 \vec{r}_2 の座標系 O-XYZ でのXY平面への写像は (X₂, Y₂, 0)であるから,求める角度 θ は,

$$\theta = \tan^{-1}(Y_2/X_2)$$
 (27)

として得られる(ただし、 $-\pi \leq \theta \leq \pi$)。

実空間における 3 次元ベクトルが 2 つしか与え られていない場合, すなわち $\vec{r_3}$ が与えられていな い場合, $\vec{r_2}$ の $\vec{r_1}$ に対してなす角度 θ を求めるた めには, $\vec{r_1}$ 及び $\vec{r_2}$ がXY平面上にあるような座標 系 O-XYZ を考える。この時 θ は, $\overrightarrow{r_1}$ と $\overrightarrow{r_2}$ のな る角度の絶対値として計算できる(図 7)。そこで まず $\overrightarrow{r_1}$ をX軸方向のベクトルとすると, $\overrightarrow{r_1}$ と $\overrightarrow{r_2}$ の外積はZ軸方向のベクトル \overrightarrow{Dz} をつくる。

$$\overrightarrow{\mathrm{Dz}} = \overrightarrow{\mathrm{r}_1} \times \overrightarrow{\mathrm{r}_2} \tag{28}$$

次に $\overrightarrow{\text{Dz}}$ と $\overrightarrow{r_1}$ の外積はY軸方向のベクトル Dy をつくる。

$$\overrightarrow{\mathrm{Dy}} = \overrightarrow{\mathrm{Dz}} \times \overrightarrow{\mathrm{r}_{1}} = (\overrightarrow{\mathrm{r}_{1}} \times \overrightarrow{\mathrm{r}_{2}}) \times \overrightarrow{\mathrm{r}_{1}}$$
(29)

X, Y, Z 軸方向の単位ベクトルはそれぞれ,

$$\overrightarrow{\mathbf{e}_{\mathbf{x}}} = \frac{\overrightarrow{\mathbf{r}_{1}}}{|\overrightarrow{\mathbf{r}_{1}}|}, \ \overrightarrow{\mathbf{e}_{\mathbf{y}}} = \frac{\overrightarrow{\mathbf{D}_{\mathbf{y}}}}{|\overrightarrow{\mathbf{D}_{\mathbf{y}}}|}, \ \overrightarrow{\mathbf{e}_{\mathbf{z}}} = \frac{\overrightarrow{\mathbf{D}_{\mathbf{z}}}}{|\overrightarrow{\mathbf{D}_{\mathbf{y}}}|}$$
(30)

となる。

そして,式(24)から式(27)により,ベクトルが3つ ある場合と同じ手順で θ が計算できる(ただし, $0 \le \theta \le \pi$)。

本システムでは、このようにして、各剛体要素 のオイラー角、静止座標系の各平面に投影したと きの指定された軸となす角、そして指定された2 つの剛体要素間の相対角が算出される。



Fig. 7 Definition of θ that is determined by two space vectors (Relative angle between $\overrightarrow{r_1}$ and $\overrightarrow{r_2}$).

〔3次元運動分析システムの実際〕

この3次元運動解析システムにおいて、ハード ル走を分析した。ハードル走の動作分析の研究は 少なく^{2,3,5,8,11,14},また、いずれも3次元分析に至っ ていない。

コンピューターのCRT上に出力される主な図 を以下に紹介する。なお、今回の分析に用いた被

$$-172 -$$

(3)式において,角々及び角 θ に様々な値を入力 した場合の,CRT上に出力されるスティクピク チャーを図8に示す。この図中の上図においては、 $\phi=45^\circ$, $\theta=-45^\circ$,下図においては、 $\phi=0^\circ$, $\theta=-90^\circ$ を入力している。この場合,1/12秒間隔で表 示されている。また,踏切時の静止座標系の各平 面に投影した3つの図と,任意の方向に視点をお いたときの図を,CRTを4つに区分して出力した ものを図9に示す。図中の右上の部分が視点を任 意に置いたときのものであり、この部分の図は、 繰り返し角度を入力することにより変化するよう になっている。また、側方に視点をおいた場合の, 踏切付近の拡大図を図10に示す。

このように、運動の再生の際、視点を様々に変 化させた図や、見たい部分を任意に拡大した図が 表示されることにより、3次元運動を認識するの に役立つと考えられる。

これらの図から,踏切後,滞空中の踏み切り脚 の運動範囲は広く,大腿と下腿のなす角度の変化 が,非常に捉えにくいことがわかる。この滞空中 の踏切足の運動は,宮下⁸⁾らの,熟練者と未熟練者 を比較したハードル走の実験的研究において,そ の動きの重要さが指摘されているが,実際に滞空





Fig. 8 Stick pictures of the hurdling. ϕ, θ : refer to fig. 3.

中の大腿と下腿のなす角度は,正確には算出され てない。

そこで、(20)式により,踏切後,着地までの滞空 中のこれらの間の相対角を算出した。その結果を 図11に示した。離地時には約160度あった相対角 が,約0.4秒後には45度前後まで減少し,その後着 地まで再び増加している。

このように、ハードル走において重要視されて いるが、その動きが正確に捉えられなかった動き が、3次元解析により正確に捉えられたことによ り、ハードル走の指導等に役立つと考えられる。



Fig. 9 Seick pictures in hurdling that are viewed from three fixed direction and one arbitrary direction.



Fig. 10 Zooming of stick pictures.



Fig. 11 Time courses of knee joint angle in hurdling.

次にこの踏切脚の大腿部のオイラー角の時間的 変化を算出した。その結果を図12に示す。図中の DからEの区間が,離地後のハードルを越えている 部分であるが,他の区間と比べ変動が大きいこと がわかる。このことは,滞空中,踏切脚の大腿の 姿勢の変動が大きいことを意味している。



Fig. 12 Time courses of Euler's angles of thigh in hurdling.

[まとめ]

コンピュータグラフィクスを用いた3次元運動 解析システムを構築した。その際,現在情報処理 等の分野で用いられている手法を運動学の解析に 応用し,システム化したばかりではなく,データ の予測等,新しい手法を組み込んだ独自のシステ ムを構築した。

実際にこのシステムを用いて、3次元的にはほ とんど分析されていないハードル走を分析した結 果、2次元の分析では算出できない相対角が算出 され、その角度の時間的変化とCRT上に出力され る様々なスティクピクチャーとを比較することに より、3次元運動の認識に彼立つと考えられた。

引用・参考文献

- 1) D.F. Rogers (山口富士夫訳), コンピュータグラ フィクス,日刊工業新聞社,1979. pp.60-64.
- 2) 飯本雄二,小林一敏,菅原秀二「ハードリングの 動作パターンの力学的考察」日本体育学会大会号, 30:451,1979.
- 3) 飯本雄二、小林一敏「ハードルの高さと間隔を変 えた場合の110mハードルについての力学的考察」 東京体育学研究、6,123-132,1981.
- 池上康男「写真撮影による運動の3次元的解析法」
 J. J. Sports Sci., 2-3: 163-170, 1983.
- 5) 磯 茂雄,石井喜八「110m障害走の記録向上の要 因分析」日本体育学会大会号,36:620,1985.
- 岩田一男,森脇俊男,川野常夫,三原毅史「荷役 作業における作業者の運動解析と評価の研究(第 2報)」精密機械,48-11:51-56,1982.
- 7) M. Brandy(高野政晴・吉田勝久訳), ロボットモー ション, ホルトサウダース, 1982, pp. 23-26.
- 宮下 憲,押切由夫「ハードリングの実験的研究」 東京学芸大学紀要,27:164-172,1975.
- M. Vokobratovic (加藤一郎・山下 忠訳),歩行 ロボットと人工の足,日刊工業新聞社,1980.pp. 55-85.
- 10) M. Vokobratovic (加藤一郎訳), ロボットの手, 日刊工業新聞社, 1979. pp. 45-50.
- 11) 尾形 貢, 関岡康雄, 杉山喜一「主観的にとらえた練習手段の有効性について―110メートルハードルの場合―」日本体育学会大会号, 35:56, 1984.
- 12) 佐藤義雄,入門グラフィクス,アスキー,1984. pp.130-140.
- 13)例えば、杉山喜一、永井純、関岡康雄「長距離 疾走フォームに関する分析的研究」筑波大学体育 科学系運動学類運動学研究、1:83-91,1984.
- 14) T. Obens "Pressure distribution and velocity as

characteristics in hurdle running", in Winter, D. A., Norman, R.W., Wells, R.W., Hayes, K.C. and Patla, A.E., (Eds.), Biomechanics IX-B, Human Kinetics Publishers: Champain, 1985. pp. 364-369.

15) 吉川弘之, コンピュータグラフィク論, 日刊技連, 1977. pp. 169-174.